

---

# Strukturni modeli-analiza uvozne zavisnosti

---

Prof. Maja Baćović

07.12.2021.

---

# Uvod

- Uvozna zavisnost je uslovljena tehnologijom i standardom stanovništva
- Direktna i indirektna uvozna zavisnost
- Pitanja:
  - Koliko je proizvodnja sektora j zavisna od uvoza
  - Koliko povećanje proizvodnje u sektoru utiče na rast uvoza

---

# Mjerenje direktne uvozne zavisnosti

- Određena je vrijednošću reprodukcioni proizvoda koje sektor direktno nabavlja iz inostranstva i troši u procesu proizvodnje
- Neophodno rastaviti bilans sektora na domaću i uvoznju komponentu

# Mjerenje direktne uvozne zavisnosti

$$X_i = R + x_i$$

$$X_i = \sum_{j=1}^n x_{ij} + x_i$$

$$X_i^d = x_{ij}^d + x_i^d$$

$$U_i = x_{ij}^u + x_i^u$$

# Mjerenje direktne uvozne zavisnosti

$$a_{ij} = \frac{x_{ij}}{X_j} = \frac{x_{ij}^d + x_{ij}^u}{X_j} = \frac{x_{ij}^d}{X_j} + \frac{x_{ij}^u}{X_j} = a_{ij}^d + a_{ij}^u$$

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11}^d & a_{12}^d & a_{13}^d \\ a_{21}^d & a_{22}^d & a_{23}^d \\ a_{31}^d & a_{32}^d & a_{33}^d \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11}^u & a_{12}^u & a_{13}^u \\ a_{21}^u & a_{22}^u & a_{23}^u \\ a_{31}^u & a_{32}^u & a_{33}^u \end{bmatrix} = A^d + A^u$$

$$A = A^d + A^u$$

# Direktna uvozna zavisnost

$$A^u = \begin{bmatrix} a_{11}^u & a_{12}^u & a_{13}^u \\ a_{21}^u & a_{22}^u & a_{23}^u \\ a_{31}^u & a_{32}^u & a_{33}^u \end{bmatrix}$$

$m_1 \quad m_2 \quad m_3$

- Koeficijent  $m$  pokazuje koliko je potrebno da svi sektori direktno uvezu da bi se proizvela jedinica ukupne proizvodnje sektora  $j$

$$m_j = \sum_{i=1}^n a_{ij}^u$$

# Direktna uvozna zavisnost

$$m_j \cdot X_j$$

- Vektorski oblik

$$[m_1 \quad m_2 \quad m_n] \cdot \begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \\ \dots \\ X_n \end{bmatrix}$$

# Ukupna uvozna zavisnost

$$X_i^d = x_{ij}^d + x_i^d$$

$$U_i = x_{ij}^u + x_i^u$$

$$x_{ij}^d = a_{ij}^d X_j$$

$$x_{ij}^u = a_{ij}^u X_j$$

Ukupna domaća proizvodnja i uvoz

$$X = A^d X + x^d$$

$$U = A^u X + x^u$$



# Ukupna uvozna zavisnost

$$X = [I - A^d]^{-1} x^d$$

Zamjenom u drugoj jednačini dobijamo:

$$U = A^u [I - A^d]^{-1} x^d + x^u$$

Uvođenjem matrice G

$$G = A^u [I - A^d]^{-1}$$

Dobijamo

$$U = G \cdot x^d + x^u$$

# Ukupna uvozna zavisnost

$G \cdot x^d$  - Uvoz repromaterijala

$x^u$  - Uvoz finalnih proizvoda

Koeficijent  $q_{ij}$  pokazuje veličinu uvoza reprodukcionihi proizvoda klasifikovanih u sektoru  $i$  a uslovljenih jedinicom finalnih isporuka sektora  $j$

$\sum_{i=1}^n q_{ij}$  - kompleksni uvozni sadrzaj

$$G = \begin{bmatrix} q_{11} & q_{12} & q_{17} \\ q_{21} & q_{22} & q_{27} \\ q_{71} & q_{72} & q_{77} \end{bmatrix}$$

---

# Strukturalna analiza cijena

---

---

# Uvod

- Svaka promjena cijena u bilo kom preduzeću se, preko lanca tehnoloških veza, prenosi posredno i neposredno, na sva preduzeća koja su sa tim preduzećem u tehnološkoj vezi

---

# Pretpostavke analize

- Neizmijenjene tehnologije
- Elastičnost supstitucije utrošaka jednaka je nuli
- Homogenost proizvoda sektora
- Povećanje cijena u sektoru  $j$  se u cjelosti prenosi na potrošače proizvoda tog sektora, a u srazmjeri jačine tehnoloških veza

# Konstrukcija modela

- Dekomponovanje ukupne potrošnje na reprodukciju potrošnju i dodajnu vrijednost

$$I = \sum a_{ij}^d + \sum a_{ij}^u + \sum d_j$$
$$I = I \cdot A^d + I \cdot A^u + d$$

- Vrijednost proizvodnje svakog sektora formira se sumiranjem jediničnih utrošaka sirovina i komponenti dodajne vrijednosti

# Konstrukcija modela

- Utrošak reprodukcionih proizvoda iz domaćeg sektora sadrži u sebi i utrošak uvoznih materijala u dodajnu vrijednost

$$I - I \cdot A^d = I \cdot A^u + d$$

Odnosno

$$I(I - A^d) = I \cdot A^u + d$$

---

# Konstrukcija modela

Ako pomnožimo sa

$$\left[ I - A^d \right]^{-1}$$

Dobijamo

$$I = I \cdot A^u \cdot \left[ I - A^d \right]^{-1} + d \cdot \left[ I - A^d \right]^{-1}$$



# Konstrukcija modela

Ako je

$$A^u \cdot [I - A^d]^{-1} = G$$

Dobijamo

$$I = I \cdot G + d \cdot [I - A^d]^{-1}$$

# Konstrukcija modela

- Elementi matrice  $G$  i  $[I - A^d]^{-1}$  poprimaju karakteristike koeficijenta elastičnosti

- Ako znamo da je

$$I \cdot G = \sum q_{ij}$$
$$d[I - A^d]^{-1} = \bar{d}$$

- Tada je

$$I = \sum q_{ij} + \bar{d}$$

# Konstrukcija modela

- Ukoliko dođe do povećanja cijena u sektoru  $j$ , a ovaj sektor to prebaci na kupce, dolazi do povećanja cijena svih sektora koji su u tehnološkoj vezi

$$X_j^u = p_j \cdot X_j$$

- Ako sa  $z$  označimo prosječnu promjenu BDP-a u  $j$ -tom sektoru

$$D_j^1 = z_j D_j$$

# Konstrukcija modela

- Nakon porasta cijena, struktura vrijednosti BDP-a se mijenja

$$p_j \cdot X_j = \sum_{i=1}^n p_i \cdot x_{ij}^d + \sum_{i=1}^n p_i \cdot x_{ij}^u + z_j \cdot D_j$$

- Ako izraz podijelimo sa  $X_j$ , dobijamo

$$p_j = \sum_{i=1}^n p_i \cdot a_{ij}^d + \sum_{i=1}^n p_i \cdot a_{ij}^u + z_j \cdot d_j$$

- Odnosno

$$p = p \cdot A^d + p \cdot A^u + z \cdot d$$

---

$$p = p \cdot A^d + p^u \cdot A^u + z \cdot d$$

- $p$  - vektor red indexa promjene cijena domaćih proizvoda
- $p^u$  – vektor red indexa promjene cijena uvoznih proizvoda
- $z$  – vektor red indexa promjene BDP-a
- $A^d$  i  $A^u$  – domaća/uvozna komponenta matrice tehničkih koeficijenata
- $d$  – dijagonalna matrica koeficijenata BDP

---

# Model

- Model sadrži jednu jednačinu i 3 nepoznate
- Da bi bio rešiv, određene varijable trebaju biti egzogeno date

# Konstrukcija modela

- Pošto se struktura vrijednosti svakog proizvoda može dekomponovati na uvozni sadržaj i dodajnu vrijednost, model možemo formulisati:

$$p = p^u A^u [I - A^d]^{-1} + z \bar{d} [I - A^d]^{-1}$$

$$P = p^u G + zH$$

---

Osjetljivost promjene domaćih cijena na promjene uvoznih cijena

$$\frac{d_p}{d_p^u} = G$$

Osjetljivost promjene domaćih cijena na egzogenu promjenu BDP

$$\frac{d_p}{d_z} = H$$